**Cálculo de Combinaciones Posibles para un valor**

Profesor:

Aschettino, Giovanna

Cuadrado Estrebou, Maria Fernanda

Grupo:

Rios, Mateo – LU: 1120860

Cassi, Daniel Ignacio – LU: 1115907

Von Elm, Lucas– LU: 1133639

**Tabla de Contenidos**

Introducción 3

Descripción del Problema 3

Estrategia de Resolución 3

Pseudocódigo del Algoritmo de Resolución del Problema 3

Análisis de Complejidad Temporal 3

Conclusiones 3

Bibliografía 4

**Introducción**

El objetivo del proyecto es realizar un algoritmo, que dado un listado de operadores y numeros a usar, obtener todas las combinaciones posibles que den un numero “X” dado. Los operadores deben ser todos utilizados y del listado de números se deben solamente utilizar “n” números a la vez.

**Descripción del Problema**

**Estrategia de Resolución**

Para resolver el problema de las combinaciones se utiliza un algoritmo de Backtracking, con el cual iteramos por todas las combinaciones de orden posibles de los operadores, y todas las combinaciones de numeros para cada uno de ellas. Al obtener una combinacion posible, se realiza el cálculo, y si el resultado de este da el valor deseado, se registra esa combinación.

Inicialmente utilizamos una funcion auxiliar que recibira los parámetros iniciales del problema, la lista de numeros, la lista de operadores, la cantidad de numeros a usar como máximo y el número buscado y que inicializara las estructuras necesarias para el llamado de la funcion buscarCombinaciones.

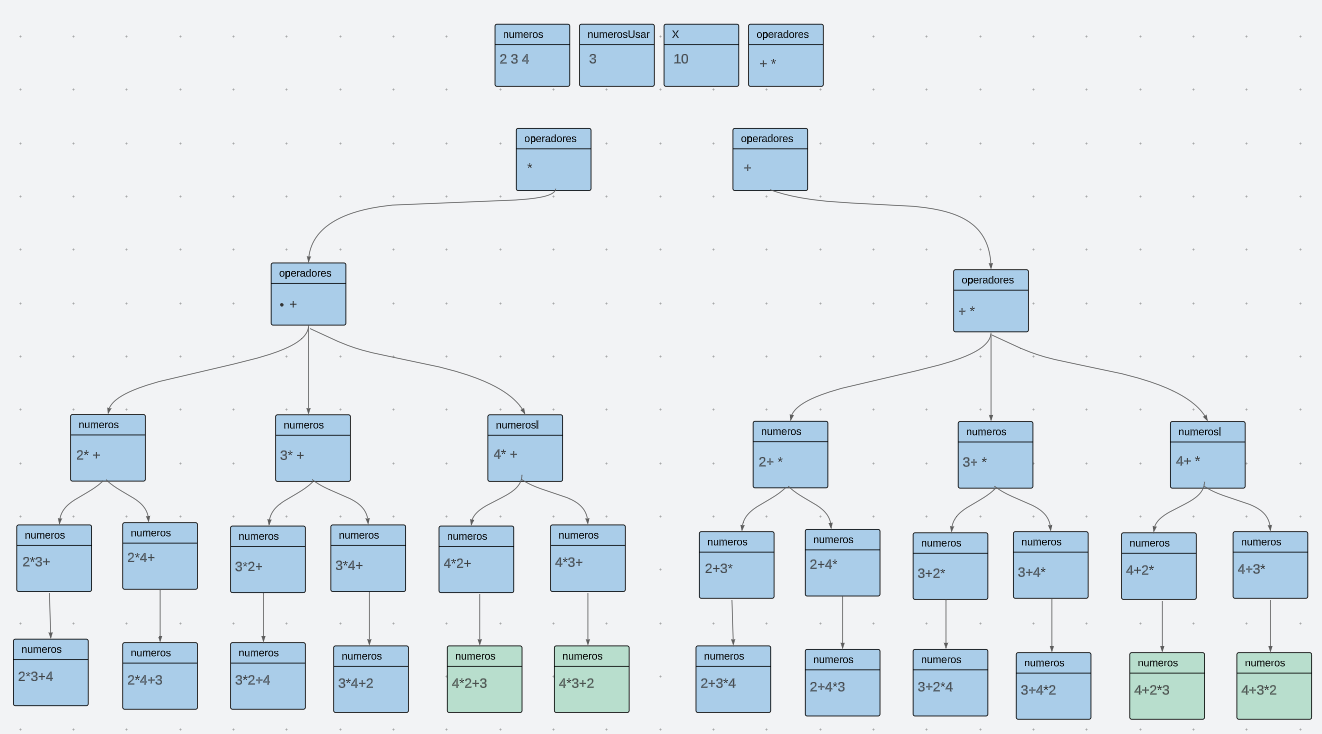
La función buscarCombinaciones generará como primer etapa todas las combinaciones posibles de operadores, y para cada una de ellas todas las combinaciones de numeros. Si el resultado de la expresión matemática obtenida es igual al número buscado, lo agrega a una lista de combinaciones.

En la primera etapa que genera las combinaciones de operadores, si aun no todos fueron utilizados, por cada operador si puede usarse, se marca como usado y se baja un nivel (llamado recursivo) de operadores utilizando el nuevo operador. Al volver de este llamado, se desmarca como usado el operador.

Cuando todos los operadores fueron utilizados, comienza la siguiente etapa en la cual se generan todas las combinaciones de numeros a utilizar para la combinación. Si aún no fueron utilizados todos los numeros necesarios, por cada número, si puede usarse se marca como usado y se baja un nivel de numeros (llamado recursivo) utilizando el nuevo número. Al volver de este llamado, se desmarca como usado el operador.

Cuando todos los numeros necesarios fueron utilizados, si la combinación de numeros y operadores conforman una expresión matemática que resulte igual a el número buscado, se agrega a la lista de combinaciones que forman parte de la solucion.

**A continuación se adjunta en ejemplo en formato de árbol:**



**Estrategia de poda:**

La poda se empieza a calcular después de que se elija un numero, y con ella revisamos si es posible alcanzar o no el valor buscado.

La primera parte de poda es evitar que en la combinación exista la posibilidad de que se divida por cero, debido a que sería imposible.

La segunda parte consiste en realizar el calculo actual con los números que se tienen, y dependiendo del resultado:

* Si el valor obtenido es menor al buscado: Ordenamos los números que hay todavía por usar en la combinación de manera que se obtenga valor mayor posible. Si este valor resulta ser **menor** **al valor buscado** entonces se realiza la poda y no se continua más por esta rama.
* Si el valor obtenido es mayor al buscado: Ordenamos los números que hay todavía por usar en la combinación de manera que se obtenga valor mayor posible. Si este valor resulta ser **mayor al valor buscado** entonces se realiza la poda y no se continua más por esta rama.

**Pseudocódigo del Algoritmo de Resolución del Problema**

**Algoritmo obtenerOperaciones**

**Entrada:** (List<Entero> numeros, List<Operadores> operadores, Entero valorBuscado, Entero numerosUsar)

**Salida: (**List<Combinacion> combinacionesObtenidas)

combinacionesObtenidas ← Inicializar()

Si numerosUsar <= numeros.tamaño

Si operadores.tamaño + 1 <= numeros.tamaño

numerosDouble ← Inicializar()

numerosUsados ← Inicializar()

Para i = 0 hasta longitud(numeros)

agregar(numerosDouble, numeros[i])

Para j = 0 hasta longitud(numeros)

agregar(numerosUsados, 0)

ordenNumeros ← Inicializar()

operadoresUsados ← Inicializar()

Para k = 0 hasta longitud(listaOperadores)

agregar(operadoresUsados, 0)

ordenOperadores ← Inicializar()

etapaOperadores ← 0

etapaNumeros ← 0

combinacionesObtenidas ← buscarCombinaciones(combinacionesObtenidas, numerosUsar, valorBuscado, operadores, operadoresUsados, ordenOperadores, numerosDouble, numerosUsados, ordenNumeros, etapaOperadores, etapaNumeros)

Fin si

Fin si

Devolver combinacionesObtenidas

**Algoritmo buscarCombinaciones**

**Entrada:** (Entero n, Double x, List<Operadores> listaOperadores, List<Entero> listaOperadoresUsados, List<Operadores> ordenOperadores, List<Double> listaNumeros, List<Entero> listaNumerosUsados, List<Double> ordenNumeros, etapaOperadores, etapaNumeros)

**Salida:** (List<Combinacion> listadoCombinaciones)

Si etapaOperadores = listaOperadores.size

Si etapaNumeros = n

Si (calcularCombinacion(x, ordenOperadores, ordenNumeros))

Combinacion comb Crear (ordenOperadores, ordenNumeros)

listadoCombinaciones Agregar (comb)

Sino

Por cada j = 0 hasta listaNumeros.tamaño

Si puedeUsarse(j, listaNumerosUsados)

marcarUsadoNumero(j, listaNumerosUsados, ordenNumeros)

buscarCombinaciones (n, x, listadoCombinaciones, listaOperadores, listaOperadoresUsados, ordenOperadores, listaNumeros, listaNumerosUsados, ordenNumeros, etapaOperadores, etapaNumeros + 1)

desmarcarUsadoNumero(j, listaNumerosUsados, ordenNumeros)

Fin Si

Fin Por

Fin Sino

Sino

Por cada i = 0 hasta listaOperadores.tamaño

Si puedeUsarse(i, listaOperadoresUsados)

marcarUsadoOperador(i, listaOperadoresUsados)

buscarCombinaciones(n, x, listadoCombinaciones, listaOperadores, listaOperadoresUsados, ordenOperadores, listaNumeros, listaNumerosUsados, ordenNumeros, etapaOperadores + 1, etapaNumeros)

desmarcarUsadoOperador(i, listaOperadoresUsados)

Fin Si

Fin Por

Fin Sino

Devolver listadoCombinaciones

**Algoritmo puedeUsarse**

**Entrada**: (Entero x, List<Entero> listaUsados)

**Salida**: Boolean

Devolver listaUsados[x]= 0

**Algoritmo marcarUsadoNumero**

**Entrada**: (Entero x, List<Double> listaNumeros, List<Entero> listaNumerosUsados, List<Double> ordenNumeros)

numeroUsado listaNumeros[x]

listaNumerosUsados Reemplazar (x, 1)

ordenNumeros Agregar(numeroUsado)

**Algoritmo desmarcarUsadoNumero**

**Entrada**: (Entero x, List<Double> listaNumeros, List<Entero> listaNumerosUsados, List<Double> ordenNumeros)

indiceNumero ordenNumeros.tamaño - 1

listaNumerosUsados Reemplazar (x, 0)

ordenNumeros Quitar(indiceNumero)

**Algoritmo marcarUsadoOperador**

**Entrada**: (Entero x, List<Operadores> listaOperadores, List<Entero> listaOperadoresUsados, List<Operadores> ordenOperadores)

operadorUsado listaOperadores[x]

listaOperadoresUsados Reemplazar (x, 1)

ordenOperadores Agregar(operadorUsado)

**Algoritmo desmarcarUsadoOperador**

**Entrada**: (Entero x, List<Operadores> listaOperadores, List<Entero> listaOperadoresUsados, List<Operadores> ordenOperadores)

indiceOperador ordenOperadores.tamaño - 1

listaOperadoresUsados Reemplazar (x, 0)

ordenOperadores Quitar(indiceOperador)

**Algoritmo calcularCombinacion**

**Entrada**: (Entero x, List<Operadores> operadores, List<Double> numeros)

**Salida**: Boolean

List<> operadoresAux Copiar(operadores)

List<> numerosAux Copiar(numeros)

Double calculoAux 0

Entero j 0

Por cada i = 0 hasta 1

Mientras j < operadoresAux.tamaño

Si i = 0 //Hago primero las multiplicaciones y divisiones

Si operadorAux[j] = “\*” O operadorAux[j] = “/”

calculoAux calculoSimple (operadoresAux[j], numerosAux[j], numerosAux[j+1])

operadoresAux Quitar(j)

numerosAux Quitar(j+1)

numerosAux Reemplazar(j, calculoAux)

Sino

j j+1 //Busca el siguiente “\*” O “/”

Sino

calculoAux calculoSimple (operadoresAux[j], numerosAux[j], numerosAux[j+1])

operadoresAux Quitar(j)

numerosAux Quitar(j+1)

numerosAux Reemplazar (j, calculoAux)

Fin Sino

Fin por

Fin por

Devolver numerosAux[0] = x

**Algoritmo calculoSimple**

**Entrada**: (Operador operador, Double numero1, Double numero2)

**Salida**: Double

Si operador = MULTI

Devolver numero1 \* numero2

Sino Si operador = DIV

Devolver numero1 / numero2

Sino si operador = SUMA

Devolver numero1 + numero2

Sino

Devolver numero1 – numero2

**Análisis de Complejidad Temporal**

**Análisis de Complejidad Teórica:**

**Algoritmo obtenerOperaciones**

O(N) Dado por los ciclos que iteran la cantidad de numeros y operadores respectivamente. + O(O\*N) Dado por la funcion buscarCombinaciones()

Costo: O(O\*N)

**Algoritmo buscarCombinaciones**

Costo: O(O\*N) ^ N

A = O \* N B = 1 K = 1

P! \* V n r.

Siendo P = la cantidad de Operadores disponibles y P! referiendose a todas las permutaciones de orden de estas.

Siendo V n r = El calculo de la variación sin repetición de N numeros en R puestos.

N = La cantidad de números disponibles

R = La cantidad de números a usar.

Tal costo es obtenido debido a que el algoritmo diseñado calcula todas las permutaciones posibles de orden de los operadores y cada variacion de los numeros a usar para cada una de tales permutaciones.

**Algoritmo puedeUsarse**

Costo: 0(1) - Constante

**Algoritmo marcarUsadoNumero**

Costo: 0(n) en promedio – Dado por la función Agregar.

Costo Constante en caso de que la función agregar funcione en complejidad O(1)

**Algoritmo desmarcarUsadoNumero**

Costo: 0(n)– Dado por la función Quitar.

Costo Constante en caso de que la función Quitar funcione en complejidad O(1)

**Algoritmo marcarUsadoOperador**

Costo: 0(n) en promedio – Dado por la función Agregar.

Costo Constante en caso de que la función agregar funcione en complejidad O(1)

**Algoritmo desmarcarUsadoOperador**

Costo: 0(n)– Dado por la función Quitar.

Costo Constante en caso de que la función Quitar funcione en complejidad O(1)

**Algoritmo calcularCombinacion**

Costo: O(2J) Siendo J la cantidad de operadores.

**Algoritmo calculoSimple**

Costo: Constante

**Análisis de Complejidad Práctica:**

*<<Todavía por realizar>>*

**Conclusiones**

*<<Descripción resumida del problema, estrategia utilizada y justificaciones y análisis de los resultados>>*

**Bibliografía**

* <*Titulo*> - <Autor 1, Autor2,..>- Editorial – Edición
* <*Titulo*> - <Autor 1, Autor2,..>- Editorial – Edición